

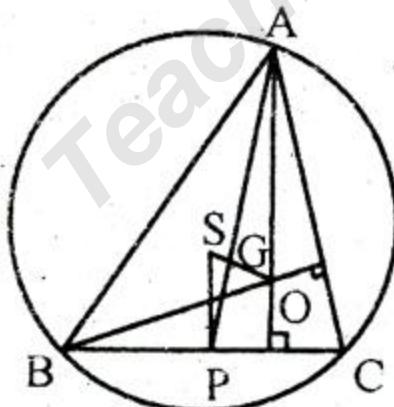
/চৰ্টৰা: প্রতোক বিভাগ থেকে বৃন্দতম ১টি করে মোট ৪টি প্রশ্নের উত্তর দাও।/

ক-বিভাগ: বীজগণিত

১. ► $(2x+1)^{-1} + (2x+1)^{-2} + (2x+1)^{-3} + \dots$ একটি গুণোভর ধারা।
 ক. ধারাটির সাধারণ অনুপাত নির্ণয় কর। ২
 খ. ধারাটি নবম পদ এবং প্রথম আটটি পদের সমষ্টি নির্ণয় কর, যখন $x = 1$ ৮
 গ. প্রদত্ত ধারাটিতে x এর উপর কী শর্ত প্রয়োগ করলে ধারাটির অসীমতক সমষ্টি থাকবে এবং সমষ্টি নির্ণয় কর। ৮
২. ► $\ell = a^{y-z}$, $m = a^{z-x}$, $n = a^{x-y}$, $A = a^2 - 3^{\frac{2}{3}} - 3^{-\frac{2}{3}} + 2$; $a \geq 0$
 এবং $p = \log_a(bc)$, $q = \log_b(ca)$, $r = \log_c(ab)$
 ক. $\ell mn =$ কত? ২
 খ. $A = 0$ হলে, দেখাও যে, $3a^3 + 9a = 8$ ৮
 গ. প্রমাণ কর যে, $\frac{1}{p+1} + \frac{1}{q+1} + \frac{1}{r+1} = 1$ ৮

খ-বিভাগ: জ্যামিতি ও ডেক্সের

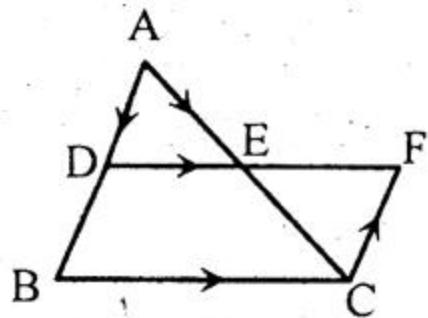
৩. ►



চিত্রে $SP = 2$ সে.মি.

- ক. AO এর দৈর্ঘ্য নির্ণয় কর। ২
 খ. প্রমাণ কর যে, G ত্রিভুজটির ভরকেন্দ্র। ৮
 গ. অঙ্কনের বিবরণসহ এরূপ একটি বৃত্ত অঙ্কন কর যা উদ্দীপকের বৃত্তটিকে C বিন্দুতে এবং বৃত্তের বহিঃস্থ কোণ নির্দিষ্ট বিন্দু দিয়ে যায়। ৮

8. ►



ABC ত্রিভুজের AB ও AC বাহুর মধ্যবিন্দু যথাক্রমে D ও E.

ক. \vec{AC} ভেক্টর কে \vec{AD} ও \vec{DE} ভেক্টর মাধ্যমে প্রকাশ কর। 2

খ. ভেক্টরের সাহায্যে প্রমাণ কর যে, $DE \parallel BC$ এবং $DE = \frac{1}{2}BC$. 8

গ. BCFD সামান্তরিকের কর্ণদ্বয় \vec{BF} ও \vec{CD} হলে, \vec{BC} ও \vec{BF} ভেক্টরদ্বয়কে \vec{BD} ও \vec{CD} ভেক্টরের মাধ্যমে প্রকাশ কর এবং দেখাও যে,

$$\vec{BF} + \vec{CD} = 2\vec{CF} \text{ এবং } \vec{BF} - \vec{CD} = 2\vec{BC} \quad 8$$

গ-বিভাগ: ত্রিকোণমিতি ও সম্ভাবনা

৫. ► $\cot\theta = \frac{p}{q}$. যেখানে θ সূক্ষ্মকোণ এবং $p \neq q$ যখন $\tan^2\alpha + \cot^2\alpha = 2$,

যখন $0 < \alpha < 2\pi$

ক. $\sin\theta$ এর মান কত? 2

খ. $p = 12$ এবং $q = 5$ হলে $\frac{\sin\theta + \cos\theta}{\sec\theta + \tan\theta}$ এর মান কত? 8

গ. α এর মান নির্ণয় কর। 8

৬. ► 50 থেকে 60 পর্যন্ত স্বাভাবিক সংখ্যাগুলোর মধ্যে যে কোন একটি সংখ্যা দৈর্ঘ্যভাবে চয়ন করা হল।

ক. সংখ্যাটি মৌলিক সংখ্যা না হওয়ার সম্ভাবনা কত? 2

খ. সংখ্যাটি পৃথকভাবে 2, 3 এবং 5 দ্বারা বিভাজ্য আবার একই সাথে 2, 3 এবং 5 দ্বারা বিভাজ্য হওয়ার সম্ভাবনা নির্ণয় কর। 8

গ. সংখ্যাটি মৌলিক হওয়ার সম্ভাবনা এবং 2, 3 অথবা 5 এর গুণিতক হওয়ার সম্ভাবনার যোগফল নির্ণয় কর। 8

১. (ক) $\frac{1}{2x+1}$, (খ) $3^{\frac{1}{2}} \cdot \frac{3^x-1}{2 \cdot 3^x}$, (গ) $x < -1$ অথবা $x > 0$; $\frac{1}{2x}$
২. (ক) 1
৩. (ক) 4 সে.মি.
৪. (ক) $2(\vec{AD} + \vec{DE})$

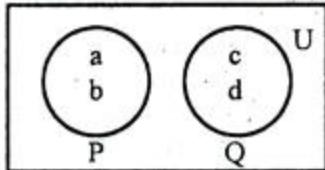
- (গ) $\vec{BC} = \vec{BD} - \vec{CD}$ এবং $\vec{BF} = 2\vec{BD} - \vec{CD}$
৫. (ক) $\frac{q}{\sqrt{p^2+q^2}}$, (খ) $\frac{34}{39}$, (গ) $\frac{\pi}{4}, \frac{3\pi}{4}, \frac{5\pi}{4}, \frac{7\pi}{4}$
৬. (ক) $\frac{9}{11}$, (খ) $\frac{6}{11}, \frac{4}{11}, \frac{3}{11}, \frac{1}{11}$, (গ) 1

বিশেষ দ্রষ্টব্য: সরবরাহকৃত বহুনির্বাচনি অভিষ্ঠার উত্তরগতে প্রশ্নের ক্ষেত্রে প্রদত্ত বর্ণসমূহ হতে সঠিক/সর্বোৎকৃষ্ট উত্তরের বৃত্তি বল পয়েন্ট কলম ছারা সম্পূর্ণ ভরাট করো, প্রতিটি প্রশ্নের মান ১।।

১. R এর প্রকৃত উপসেট P হলে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) $P \subset R$ (খ) $R \subset P$
 (গ) $P \subseteq R$ (ঘ) $R \subseteq P$

২.



তেজচিত্রে—

- i. $P \subseteq Q$
 ii. $n(P) + n(Q) = n(U)$
 iii. $P \subset Q$

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

নিচের তথ্যের ভিত্তিতে (৩ ও ৪) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:

$F: R_+ \rightarrow R_+$, $F(x) = x^2$ স্বারা বর্ণিত একটি ফাংশন।

৩. ডোম $F =$ কত?

- (ক) R (খ) R_+
 (গ) $\{x \in R : x > 1\}$ (ঘ) $\{x \in R : x \neq 1\}$

৪. রেঞ্জ F এর মান নিচের কোনটি?

- (ক) R (খ) $\{x \in R : x^2 > 1\}$
 (গ) R_+ (ঘ) $\{x \in R : x^2 < 1\}$

৫. $2(1 + 2x)(1 - 2x)$ বহুপদীর চলকের মুখ্য সহগ কত?

- (ক) -8 (খ) 2 (গ) 4 (ঘ) 8

৬. x, y, a, b, p প্রত্যেকে চলক হলে তিনমাত্রার বহুপদী নিচের কোনটি?

- (ক) $ax^2 + 2pxy + by^2$ (খ) $(ax + by)^2$
 (গ) $p(ax + b^2y)$ (ঘ) $x(ap + bxp)$

৭. $bc(b - c) + ca(c - a) + ab(a - b)$ কে উৎপাদকে বিশ্লেষণ করলে নিচের কোনটি পাওয়া যাবে?

- (ক) $(a - b)(b - c)(c - a)$
 (খ) $(a + b)(b + c)(c + a)$
 (গ) $-(a - b)(b - c)(c - a)$
 (ঘ) $-(a + b)(b + c)(c + a)$

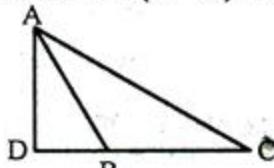
৮. 17 মিটার লম্বা একটি মই 15 মিটার উচু দেওয়ালের সঙ্গে হেলানো অবস্থায় আছে। মইয়ের গোড়া থেকে দেওয়ালের দূরত্ব কত মিটার?

- (ক) 8 (খ) 10 (গ) 18 (ঘ) 20

৯. ΔABC এ $AB = 5$ সে.মি., $AC = 6$ সে.মি. এবং $BC = 8$ সে.মি. হলে, BC বাহুর মধ্যমা AD কত সে.মি.?

- (ক) 3.81 (খ) 4 (গ) 4.5 (ঘ) 25

নিচের তথ্যের আলোকে (১০-১১) নং প্রশ্নের উত্তর দাও:



চিত্রে B, CD এর মধ্যবিন্দু এবং $AC = 6.5$ সে.মি. ও $BC = 2.5$ সে.মি।

১০. AC এর লম্ব অভিক্ষেপ নিচের কোনটি?

- (ক) BC (খ) BD (গ) AD (ঘ) CD

১১. $AD^2 + AC^2 =$ কত বর্গ সে.মি.?

- (ক) 17.25 (খ) 42.25 (গ) 59.5 (ঘ) 84.5

১২. ত্রিভুজ আঁকা সম্ভব যদি জানা থাকে—

- i. তিন বাহু
 ii. দুই বাহু ও এক কোণ
 iii. তিন কোণ

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

১৩. সমষ্টিবাহু সমকোণী ত্রিভুজের—

- i. ক্ষেত্রফল $= \frac{1}{2} \times$ ভূমি \times উচ্চতা
 ii. সমকোণ ছাড়া অপর কোণগুলোর প্রত্যেকটি 45°
 iii. অতিভুজের বিপরীত কোণের মান 45°

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

১৪. $4x^2 + 4x + 1 = 0$ হিসাত সমীকরণের মূলগুলো—

- i. বাস্তব
 ii. সমান
 iii. অমূলদ

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

১৫. একটি আয়তক্ষেত্রের কর্ণের দৈর্ঘ্য 10 মিটার, আয়তক্ষেত্রের দৈর্ঘ্য ও প্রস্থ x ও y মিটার হলে

$x^2 + y^2$ এর মান কত?

- (ক) 10 (খ) 20 (গ) 100 (ঘ) 200

১৬. $y^x = 4$ এবং $y^2 = 2^x$ হলে, $x =$ কত?

- (ক) ± 1 (খ) ± 2 (গ) ± 3 (ঘ) ± 4

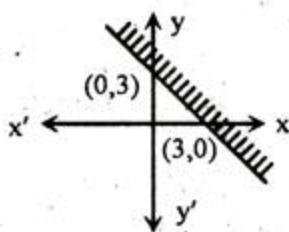
১৭. যদি $a < b$ ও $c > d$ হয় তবে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) $a+c < b+d$ (খ) $a+c > b+d$
 (গ) $a+d < b+c$ (ঘ) $a+d > b+c$

১৮. ৪০ বর্গ সে.মি. ক্ষেত্রফল বিশিষ্ট কাগজ থেকে
 x সে.মি. দীর্ঘ এবং 5 সে.মি. প্রস্থ কেটে নেওয়া
 হলো। x এর সম্ভাব্য মান নিচের কোনটি?

- (ক) $8 < x < 5$ (খ) $-5 < x < 8$
 (গ) $5 < x < 8$ (ঘ) $5 < x < -8$

১৯.



লেখচিত্রটির ক্ষেত্রে নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) $x+y-3 < 0$ (খ) $x+y-3 > 0$
 (গ) $x+y+3 < 0$ (ঘ) $x+y+3 > 0$

২০. সাধারণ পদ $(6 - 3n)$ হলে—

i. অনুক্রমটি হবে $3, 0, -3, -6, \dots$

ii. অনুক্রমের ব্যবধান 3

iii. ৬-তম পদ -12

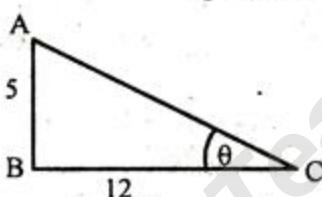
নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

২১. $1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{2^2} + \frac{1}{2^3} + \dots$ ধারাটির সমষ্টি কত?

- (ক) 0 (খ) 2
 (গ) 4 (ঘ) সমষ্টি নেই

২২.



$\sec \theta$ এর মান কত?

- (ক) $\frac{12}{3}$ (খ) $\frac{12}{13}$ (গ) $\frac{13}{12}$ (ঘ) $\frac{13}{5}$

২৩. $\cos \theta$ এর সর্বোচ্চ মান কত?

- (ক) -1 (খ) 0 (গ) 1 (ঘ) 2

২৪. $\sec\left(2\pi - \frac{\pi}{4}\right)$ এর মান কত?

- (ক) $-\sqrt{2}$ (খ) $-\frac{2}{\sqrt{3}}$ (গ) $\frac{2}{\sqrt{3}}$ (ঘ) $\sqrt{2}$

২৫. $(\sqrt{3})^{x+5} = \left(\frac{3}{\sqrt{3}}\right)^{2x+5}$ হলে x এর মান কত?
 (ক) 4 (খ) 5 (গ) 6 (ঘ) 7

২৬. যদি $a^b = b^a$ হলে $\left(\frac{a}{b}\right)^{\frac{a}{b}} =$ কত?

- (ক) $\frac{a}{b} + 1$, (খ) $\frac{b}{b^a} - 1$

(গ) $b^{\frac{a}{b}} - 1$

(ঘ) $a^{\frac{a}{b}} - 1$

২৭. $\log_{10} x \sqrt{x} \sqrt[3]{x} =$ কত?

- (ক) $\frac{4}{6}$ (খ) $\frac{5}{6}$ (গ) $\frac{3}{2}$ (ঘ) $\frac{11}{6}$

২৮. $(x+y)^5$ এর বিস্তৃতিতে ছিপনী সহগ হলো :

- (ক) 5, 10, 10, 5 (খ) 1, 5, 10, 10, 5, 1
 (গ) 10, 5, 5, 10 (ঘ) 1, 2, 3, 3, 2, 1

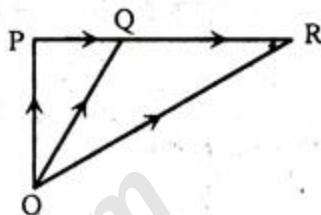
২৯. A(-a, 0), B(0, -a), C(a, 0), D(0, a) শীর্ষ বিশিষ্ট
 ABCD চতুর্ভুজের ক্ষেত্রফল কত বর্গ একক?

- (ক) $2a^2$ (খ) a^2 (গ) $a\sqrt{2}$ (ঘ) $a\sqrt{3}$

৩০. A(3, 4) ও B(6, 7) একই সমতলে অবস্থিত দুটি
 বিন্দু। AB রেখার ঢাল কত?

- (ক) -2 (খ) -1 (গ) 1 (ঘ) 3

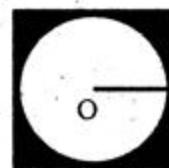
৩১.



চিত্র হতে \overrightarrow{PQ} এর অবস্থান ডেক্সের কোনটি?

- (ক) $\overrightarrow{OQ} + \overrightarrow{OP}$ (খ) $\overrightarrow{OQ} - \overrightarrow{OP}$
 (গ) $\overrightarrow{OR} - \overrightarrow{OQ}$ (ঘ) $\overrightarrow{OR} + \overrightarrow{OQ}$

৩২. চিত্রের বর্গক্ষেত্রটির পরিসীমা যদি 24 সে.মি. হয়,
 তবে ছায়াযুক্ত ক্ষেত্রের ক্ষেত্রফল কত বর্গ সে.মি.?



- (ক) $9\pi - 36$ (খ) $36 - 9\pi$

- (গ) $24 - 9\pi$ (ঘ) $9\pi - 2$

৩৩. একটি ত্রিভুজাকার প্রিজমের—

i. ভূমি ত্রিভুজাকার

ii. পার্শ্বতলগুলো সামান্যরিক

iii. ভূমি চতুর্ভুজাকার

নিচের কোনটি সঠিক?

- (ক) i ও ii (খ) i ও iii
 (গ) ii ও iii (ঘ) i, ii ও iii

নিচের তথ্য থেকে (৩৪ ও ৩৫) নং প্রশ্নের উত্তর দাও :

আবহাওয়া দপ্তরের রিপোর্ট অনুযায়ী জুলাই মাসে ঢাকা শহরে
 10 দিন মূলধারে এবং 15 দিন গুড়ি গুড়ি বৃক্ষি হয়েছে।

৩৪. ৪-ই জুলাই মূলধারে বৃক্ষি হওয়ার সম্ভাবনা কত?

- (ক) $\frac{10}{31}$ (খ) $\frac{15}{31}$ (গ) $\frac{1}{25}$ (ঘ) $\frac{10}{25}$

৩৫. ৫-ই জুলাই বৃক্ষি না হওয়ার সম্ভাবনা কত?

- (ক) $\frac{25}{31}$ (খ) $\frac{6}{25}$ (গ) $\frac{10}{31}$ (ঘ) $\frac{6}{31}$

১	২	৩	৪	৫	৬	৭	৮	৯	১০	১১	১২	১৩	১৪	১৫	১৬	১৭	১৮	১৯	২০
২১	২২	২৩	২৪	২৫	২৬	২৭	২৮	২৯	৩০	৩১	৩২	৩৩	৩৪	৩৫	৩৬	৩৭	৩৮	৩৯	৩৩